## Teoría de la electricidad

Portadores de carga moviéndose en el vacío Tubo de Perrin Hojas de Física

P3.8.4.3

# Generación de figuras de Lissajous desviando electrones en campos alternos eléctricos y magnéticos paralelos

## Objetivo del experimento

■ Generación de figuras de Lissajous desviando un haz electrónico en campos alternos, eléctricos y magnéticos, paralelos.

#### **Fundamentos**

Con un tubo de Perrin se pueden estudiar diferentes propiedades de los rayos catódicos. En los experimentos con el tubo diodo (555 610), el tubo triodo (555 612) y el tubo con cruz de Malta (555 620) se estudió cualitativamente la existencia de los rayos catódicos, su propagación en línea recta en el espacio libre y su desviación bajo campos eléctricos y magnéticos.

Con el tubo de Perrin se pueden determinar la polaridad y la carga específica de los portadores de carga (P3.8.4.1). Sobre la pantalla fluorescente se puede observar la desviación del rayo electrónico causada por los campos eléctrico y magnético y estudiarla con más detalle.

La desviación en el campo magnético se debe a la fuerza de Lorentz  $\vec{F} = q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$  sobre los portadores de carga y es perpendicular a la dirección de movimiento de los portadores de carga y a las líneas del campo magnético. Por esta razón los portadores de carga siguen una trayectoria circular.

La desviación en un campo eléctrico entre dos placas cargadas es causada por la fuerza de Coulomb  $F = e \cdot E = \frac{U}{d}$ , en donde U es la tensión aplicada entre

placas y *d* es la distancia entre placas. La trayectoria de los portadores de carga entre las placas tiene forma parabólica.

En este experimento se estudia la desviación de los electrones en campos alternos eléctrico y magnético paralelos. Si las líneas del campo eléctrico y magnético son paralelas, entonces la desviación causada por el campo magnético será perpendicular a la desviación causada por el campo eléctrico. Si ambos campos alternos son aplicados simultáneamente, entonces los movimientos son una superposición de los movimientos en dirección horizontal y vertical (Principio de Superposición). Sobre la pantalla se verán diferentes figuras, dependiendo de las frecuencias seleccionadas. Si la razón entre ambas frecuencias aplicadas es un número racional, las curvas que se obtienen son cerradas y por tanto estacionarias, a partir de las cuales se puede leer la relación de frecuencias y el desfase entre los campos alternos aplicados. A estas curvas se les conoce bajo el nombre de "Figuras de Lissajous". Para todas las otras razones de frecuencia las curvas son abiertas y parecen estar girando. Para el caso especial donde los campos tienen la misma frecuencia y amplitud se obtiene una línea diagonal si el desfase es de 0° (ó 180°), o un círculo si



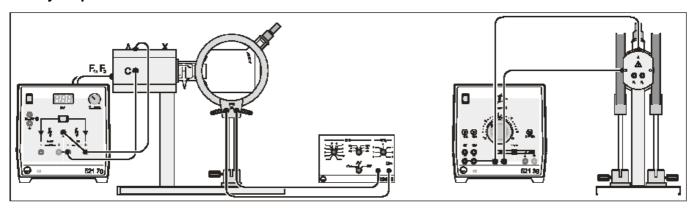
#### **Materiales**

1 tubo de Perrin	555 622
1 portatubo	555 600
1 par de bobinas de Helmholz	555 604
1 transformador variable, 0 250 V	521 40
1 fuente de alimentación de alta tensión de 10 kV	.521 70
1 generador de funciones S 12, 0,1 Hz - 20 Hz	522 621
1 cable de exper. de seguridad, 25 cm, rojo	500 611
2 cables de exper. de seguridad, 50 cm, rojos	500 621
1 cable de exper. de seguridad, 50 cm, azul	500 622
3 cables de exper. de seguridad, 100 cm, rojos	500 641
3 cables de exper. de seguridad, 100 cm, azules	500 642
2 cables de exper. de seguridad, 100 cm, negros	500 644

el desfase es de 90° (ó 270°). Pero incluso para diferentes amplitudes si el desfase es de 0° (ó 180°) se obtiene una sola línea; la pendiente de la línea depende de la relación de amplitudes. Para un desfase de 90° (ó 270°) se obtiene una elipse cuyos semiejes corresponden justo a la desviación producida por las dos tensiones alternas aplicadas. Para otros desfases se obtiene siempre una elipse girada.



## Montaje experimental:



## Instrucciones de seguridad:

¡El tubo de Perrin es un tubo de vidrio de vacío y de paredes delgadas, hay peligro de implosión!

- El tubo no debe estar sometido a cargas mecánicas.
- Conecte el tubo de Perrin sólo con los cables de seguridad especiales para la experimentación.
- Siga al pie de la letra las instrucciones de servicio del Tubo de Perrin (555 622) y del Portatubo (555 600).

¡Al usar el transformador variable y bajo ciertas condiciones el tubo se encuentra bajo tensiones peligrosas al contacto!

### **Montaje**

El montaje experimental está representado en la figura. Para el montaje es necesario realizar los siguientes pasos:

- Instale cuidadosamente el tubo de Perrin en el portatubo.
- Para la calefacción del tubo conecte las hembrillas F<sub>1</sub> y F<sub>2</sub> del portatubo a la salida posterior de la fuente de alimentación de alta tensión de 10 kV.
- Conecte la hembrilla C del portatubo (casquillo del cátodo del tubo) al polo negativo y la hembrilla A (ánodo) al polo positivo de la fuente de alimentación de 10 kV y adicionalmente ponga a tierra el polo positivo.
- Mediante cables de seguridad y estando apagado conecte la salida del transformador variable a la hembrilla X (placa de desviación) y hembrilla A (ánodo). ¡Al usar el transformador variable y bajo ciertas condiciones el tubo se encuentra bajo tensiones peligrosas al contacto!
- Monte el par de bobinas de Helmholtz en las posiciones marcadas con H (geometría de Helmholtz) del portatubo. Ajuste la altura de las bobinas de tal forma que el centro de las bobinas se encuentre a la altura del eje del haz. Conecte las bobinas en serie al generador de funciones de tal forma que la corriente circule por las bobinas en el mismo sentido.

## Realización del experimento

- Encienda la fuente de alimentación de alta tensión y elija una tensión anódica entre 2,5 y 5 kV. En la pantalla aparecerá una pequeña mancha verde luminosa.
- Para generar un campo magnético alterno horizontal encienda el generador de funciones y ajuste una tensión de salida de aprox. 2,5 V con una frecuencia f<sub>1</sub> de aproximadamente 1 Hz.
- Observe la pequeña mancha luminosa sobre la pantalla.

- Aumente la frecuencia f₁ a aprox. 50 Hz y nuevamente observe la imagen sobre la pantalla fluorescente. Luego retorne la tensión a cero sin cambiar la frecuencia.
- Para generar un campo eléctrico alterno encienda el transformador variable, aumente la tensión de salida lentamente y observe la mancha luminosa sobre la pantalla.
- Sin alterar la frecuencia f₁ = 50 Hz, aumente la tensión en el generador de funciones a aprox. 2,5 V. Observe la imagen sobre la pantalla.
- Varíe cuidadosamente la frecuencia f₁ alrededor de 50 Hz.
- Por último ajuste la frecuencia f<sub>1</sub> a valores notoriamente mayores y menores.

#### Observación

Si a las bobinas de Helmholtz se les aplica una tensión alterna con una frecuencia  $f_1$  de 1 Hz, la mancha luminosa se mueve en dirección vertical sobre la pantalla, de arriba hacia abajo y viceversa. Si se aumenta lentamente la tensión, aumenta la desviación de la mancha luminosa hacia arriba y hacia abajo. Después de elevar la frecuencia a 50 Hz se puede apreciar una línea vertical.

Si a las placas de deflexión se les aplica una tensión alterna con una frecuencia  $f_2 = 50$  Hz, entonces sobre la pantalla se observa una línea horizontal. Si se aumenta la tensión, la línea horizontal se prolonga simétricamente por ambos lados hacia la izquierda y hacia la derecha.

Si tanto a las placas de deflexión como a las bobinas de Helmholtz se les aplica una tensión alterna con una frecuencia de 50 Hz, entonces en la pantalla aparece una elipse que aparenta rotar. Pequeñas variaciones de la frecuencia  $f_1$  alrededor de 50 Hz hace que se varíe la velocidad de la rotación de la elipse o se cambie la dirección de rotación.

Cuando la variación de la frecuencia es mayor se aprecian otras figuras. Si la relación entre  $f_1$  y  $f_2$  es un número racional las figuras parecen estar estacionarias.

#### Evaluación

Cuán grande es la desviación depende de la intensidad del campo eléctrico entre las placas, es decir, de cuán grande es la tensión aplicada y de cuán intenso es el campo magnético, o cuán intensa es la corriente que fluye por la bobina. Un aumento de la tensión aplicada conduce a una corriente mayor y en consecuencia a una mayor desviación del haz electrónico.

Hasta  $f_1 \approx 30$  Hz todavía se puede percibir el movimiento del punto, por encima de este valor sólo se ve una línea continua, ya que el ojo no puede resolver el movimiento del punto. Este efecto es reforzado por la persistencia luminosa de la pantalla.

Si un rayo electrónico se mueve entre un campo eléctrico y un campo magnético, cuyas líneas de campo son paralelas, entonces el movimiento de los electrones en las direcciones vertical y horizontal se superpone. Sobre la pantalla se verán diferentes figuras dependiendo de las frecuencias seleccionadas. Estas figuras son conocidas como "Figuras de Lissajous".

La elongación horizontal y vertical de las figuras de Lissajous sobre la pantalla depende de las tensiones alternas aplicadas. Si la razón entre  $f_1$  y  $f_2$  es un número racional, se obtienen figuras cerradas que se ven estacionarias. En las figuras de la derecha se muestran las curvas para diferentes razones de frecuencia y desfases.

Si las frecuencias de ambos campos son iguales pero con desfase diferente entre ambas oscilaciones, la figura de Lissajous tiene la forma de una línea, un círculo o una elipse (véase la figura de al lado). Una elipse que rota indica que las frecuencias aplicadas no coinciden exactamente. Si la razón de frecuencias varía, entonces se obtiene otras figuras.

La razón de frecuencias se puede determinar a partir del número de máximos en los bordes que se alcanza en un recorrido. Para una razón de frecuencias de 3:2 se aprecian 3 máximos, arriba y abajo, y 2 máximos en cada lado. Un caso especial se presenta cuando una línea oculta un máximo. Lo que se ve son varios máximos juntos que deben ser contados por separado. En el ejemplo con una razón de frecuencias de 4:3 con desfase de 270° los dos máximos inferiores se esconden detrás de líneas, los otros máximos son recorridos dos veces cada uno. Si se hace el conteo a través de un recorrido completo se obtiene la relación de 4 a 3.

#### Nota:

A partir de las figuras de Lissajous se puede analizar cualquier tensión alterna aplicada a las bobinas de Helmholtz en su valor absoluto y frecuencia. A tal fin debe colocarse una escala sobre la pantalla del tubo y aplicar, a la bobina de baja tensión, una tensión alterna conocida en valor absoluto y frecuencia. De esta forma, el montaje experimental también puede ser usado como modelo de osciloscopio.





